



ડિસ્કવરી સાયન્સ રીસોર્સ ગૃપ

Discovery Science Resource Group

sahaj-shishumilap

અંકોની વિવિદ્ય ગોઠવણી

પુસ્તક સંકલ્પના :

ડિસ્કવરી સાયન્સ રિસોર્સ ગૃપ પ શ્રીરામ સોસાયટી, નટુભાઇ સર્કલની પાછળ, રેસકોર્સ,ગોત્રી રોડ,વડોદરા-૩૯૦૦૦૭ ફોન નં:૦૨૬૫-૨૩૮૬૫૪૪,૬૫૦૫૫૫૩

પુસ્તક લેખન :

પૂનમ અંબાડે માઘરી શ્રીખંડે

આભાર

આ પુસ્તકના નિર્માણ માટે અમને જે પુસ્તકમાંથી પ્રેરણા મળી છે, J.N.Kapur, Suggested Experiments In School Mathematics Volume II, Published by: S.P.Gupta ,ARYA BOOK DEPO, 30,Naiwala,Karol Bagh,New Delhi-5 જે બદલ લેખકો તેમનો સ્દયપૂર્વક આભાર વ્યક્ત કરે છે.

પ્રકાશન:

સહજ-શિશુમિલાપ ૧,શ્રીહરિ એપાર્ટમેન્ટ, એક્સપ્રેસ હોટલની પાછળ, અલકાપુરી, વડોદરા-૩૯૦૦૦૦ ફોન-૦૨૬૫-૨૩૪૨૫૩૯,૨૩૫૩૫૬૭.

Emails:

<discovery_shishumilap@yahoo.co.in> and
<sahajbrc@icenet.co.in>

પ્રકાશન વર્ષ :

ઑગસ્ટ ૨૦૦૭.

કિંમતઃ રૂ. ૨૦/-

मुद्रधाः

ગ્રાફિક કમ્યુનિકેશન મો.૯૮૯૮૫૫૪૯૯૭

श्च प्रस्तावना क्

રોજિંદા જીવનમાં લોકો વિવિધ ગોઠવણીઓથી માહિતગાર હોય છે. જેમકે વિવિધ વાજિંત્રોનો ઉપયોગ દ્વારા લયબઘ્ધ સંગીત બને છે. આ ઉપરાંત માનવની શરીરરચનામાં અને વનસ્પતિઓમાં પણ વિવિધ ગોઠવણીઓ જોવા મળે છે. તેવી જ રીતે વૈજ્ઞાનિક ગતિવિધિઓમાં આકાર અને અંકોની ગોઠવણીનુ મહત્વ હોય છે જે સામાજીક,નૈસર્ગિક અને ઔદ્યોગિક ક્ષેત્રમાં ઉપયોગી છે.

ગણિતમાં પણ આપણને વિવિધ સુંદર ગોઠવણીઓ અને રચનાઓ જોવા મળે છે. બાળકોમાં વૈજ્ઞાનિકો અને વિચારકોની જેમ જિજ્ઞાસાવૃતિ વિકસાવવા માટે તેમનામાં બાળપણથી જ શોધખોળ અને નવું બનાવવાની વૃત્તિ વિકસાવવી જોઇએ. આ ઉપરાંત કોઇ પણ વસ્તુને વિવિધ દૃષ્ટિકોણથી જોઇને નવું નવું શીખવાની વૃત્તિ કેળવવી જરૂરી છે. આવી વૃત્તિ વિકસાવવાથી બાળકોમાં કોઇપણ મુશ્કેલીઓના ઉકેલ મેળવવાના વિવિધ વિકલ્પો શોધવાની ક્ષમતા વધે છે. બાળકોમાં આવી વૃત્તિ કેળવવા માટે અમે આ પુસ્તક નિર્માણ દ્વારા એક નાનો પ્રયત્ન કર્યો છે. આ પુસ્તકમાં અંકોની સાદી ગોઠવણીઓ દ્વારા બાળકો વિવિધ પ્રવૃતિઓ કરી ગમ્મત સાથે ગણિત શીખી શકે છે.





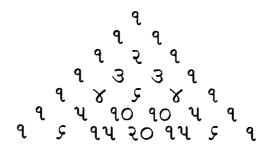
અંકોની વિવિધ ગોઠવણી



બાળકો અંકોને વિવિધ પ્રકારે ગોઠવી શકાય છે!! આવી જ કેટલીક સરસ ગોઠવણીઓ નીચે બતાવવામાં આવી છે. આ આપેલી ગોઠવણીઓને ઘ્યાનથી જોતા બીજી ઘણી નવી નવી ગોઠવણી જોવા મળે છે. આપણે અહીં અંકોની જે પહેલી ગોઠવણી આપી છે તેમાં રહેલી વિવિધ વિશિષ્ટતાઓ જોઇશું.

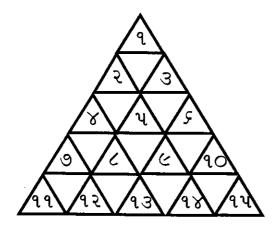
| ૧ | ર | 3 | 8 | ય |
|------|-----|----|----|----|
| ۶ | 9 | 2 | ૯ | ૧૦ |
| ૧૧ | ૧૨ | ૧૩ | ૧૪ | ૧૫ |
| 95 | ૧૭ | የረ | ૧૯ | ૨૦ |
| ૨૧ | ર્ | ર૩ | ૨૪ | રપ |
| ર ક | ૨૭ | ૨૮ | ૨૯ | 30 |
| ૩૧ | ૩૨ | 33 | 38 | ૩૫ |
| .a c | 3.0 | 3/ | 30 | ΧO |

અંકોની આડી ગોઠવણી



પાસ્કલ ત્રિકોણ

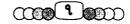
અંકોની ઊભી ગોઠવણી



અંકોની ત્રિકોણ આકાર ગોઠવણી

| ४५४४४३४२४१ | ४० |
|-----------------------------------|----|
| २४२३२२२१२० | ૩૯ |
| २५१० ८८ ७१८ | 32 |
| २ <i>५</i> ११ २१ ५ १८ | |
| રિ૭ ૧૨ <u>૩ ૪૫</u> ૧૭ | 35 |
| २८ <u>१३१४१५१<i>५</i></u> | ૩૫ |
| २८ उ० उ१ उ२उउ | 38 |

અંકોની સર્પિલ આકાર ગોઠવણી





અંકોની મજેદાર ગોઠવણી



અંકોની મજેદાર ગોઠવણી એટલે ફક્ત અંકો વચ્ચેનો સરવાળો,બાદબાકી કે ગુણાકાર એવું જ નથી. જો અંકોને ફક્ત ધ્યાનથી જોવામાં આવે તો આપણને કેટલીક રસપ્રદ ગોઠવણીઓ પણ જોવા મળે છે.

નીચે અંકોની ગોઠવણીવાળું એક કોષ્ટક આપેલુ છે. તેને ધ્યાનથી જુઓ અને કહો તો તેમાં અંકોની કંઇક રસપ્રદ ગોઠવણીઓ દેખાય છે ?



ચાલો, અંકોની ગોઠવણીની મજેદાર અને રસપ્રદ વાતો શીખતા પહેલા આપણે આ કોષ્ટક કેવી રીતે બનાવ્યું તેના વિશે શીખીએ.

પહેલા ૧ થી ૧૦ અંકોને પહેલી આડી હરોળમાં લખો. હવે, ૧૧ થી ૨૦ સુધીના અંકોને એના પછીની આડી હરોળમાં લખો. તે જ પ્રમાંણે બાકીના ૧૦૦ સુધીના અંકોને આડી હરોળોમાં ગોઠવતા જઇશું તો ૧૦ ઊભી અને ૧૦ આડી હરોળો બનશે.

હવે આપણે નીચે આપેલ કોપ્ટકને ધ્યાનથી જોતા દેખાતી કેટલીક રસપ્રદ વાતો શીખીશું. કોપ્ટકની રસપ્રદ વાતોને આપણે તેની વિશિષ્ટતા કહીશું.

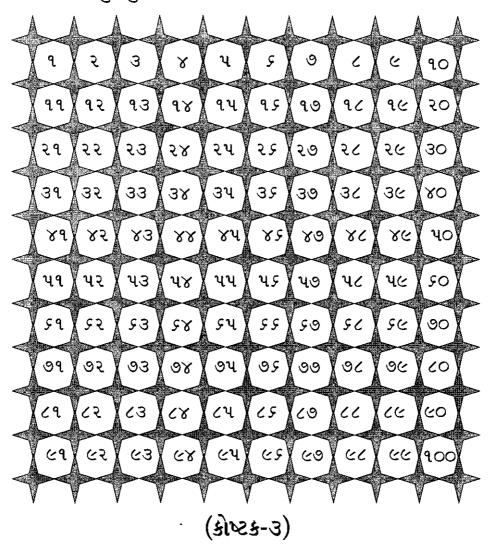


વિશિષ્ટતા ૧: ચાલો,ઉપર બનાવેલા કોષ્ટકમાં ગોઠવણીની કંઇક વિશિષ્ટતા જોઇએ. આ કોષ્ટકમાં જોતા દેખાય છે કે પહેલી ઊભી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો એકમનો અંક ૧ છે. બીજી ઊભી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો એકમનો અંક ૨ છે. આ રીતે આગળ વધીએ તો ત્રીજામાં ત્રણ, ચોથામાં ચાર અને છેલ્લી ઊભી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો એકમનો અંક શૂન્ય(૦)છે.

વિશિષ્ટતા ૨: આપણે છેલ્લી ઊભી હરોળ અને પહેલી આડી હરોળને ન જોઇએ તો તમને કોઇ નવીનતા દેખાય છે?

જુઓ, પહેલી ઊભી હરોળમાંની સંખ્યાઓના દશકના અંકોને ધ્યાનથી જોતા જણાશે કે દશકના અંકો ૧,૨,૩,૪,૫,૬,૭,૮,૯,...એમ ચઢતા ક્રમમાં છે. દા.ત. ૧૧,૨૧,૩૧,...માં દશકના અંકો ચઢતા ક્રમમાં આવેલા છે. આવી રીતે બાકીની બધી ઊભી હરોળમાં પણ આવી ગોઠવણી આવેલી છે.

જેવી રીતે ઊભી હરોળ માટેની ગોઠવણી જોઇ તે જ પ્રમાણે આપણે આડી હરોળ માટે પણ આવી ગોઠવણી શોધી શકીએ છીએ. શું તેવું તમે જાણો છો ?



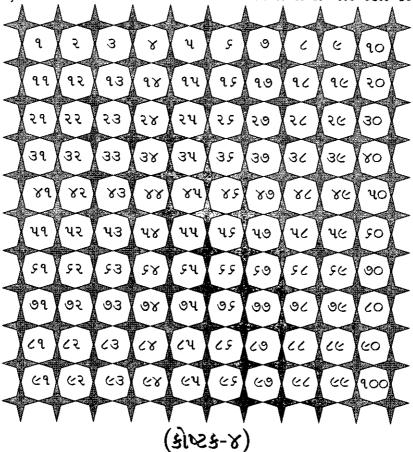
વિશિષ્ટતા ૩ઃ બીજી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો દશકનો અંક ૧ છે (દા.ત. ૧૧,૧૨,૧૩,...). જયારે ત્રીજી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો દશકનો અંક ૨ છે (દા.ત. ૨૧,૨૨,૨૩...). આ જ પ્રમાણે ચોથી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો દશકનો અંક ૩,પાંચમી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો દશકનો અંક ૪ છે.

નોંધઃ આ ગોઠવણીમાં છેલ્લી ઊભી હરોળ અને પહેલી આડી હરોળને જોવામાં આવશે નહીં. આ પ્રકારની ગોઠવણી ત્રણ,ચાર તેમજ પાંચ આંકડાઓની સંખ્યાઓ માટે પણ સાચી ઠરશે.

વિશિષ્ટતા ૪: પહેલી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓ ચઢતા ક્રમમાં આવેલી છે. બીજી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓના એકમના અંકો ૧,૨,૩,૪,૫,૬,૭,૮,૯,૦,... એમ ચઢતા ક્રમમાં આવેલા છે. દા.ત. ૧૧,૧૨,૧૩,૧૪,...વગેરેમાં એકમના અંકો ચઢતા ક્રમમાં આવેલા છે. આ જ વિશિષ્ટતા તમે બાકીની આડી હરોળમાં પણ જોઇ શકો છો.



ચાલો,બાળકો નીચે ગોઠવાયેલા અંકોના સરવાળાની ગોઠવણી જોઇશું.



વિશિષ્ટતા પઃ પહેલી આડી હરોળમાં જોતા દેખાય છે કે બધી સંખ્યામાં ૧ ઉમેરતા તેના પછીની સંખ્યા મળે છે એટલે કે સંખ્યાઓ ચઢતા ક્રમમાં મળે છે. બીજી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓમાં પણ આ રીતે તમે ૧ ઉમેરતા જેશો તો સંખ્યાઓ ચઢતા ક્રમમાં મળશે. દા.ત. ૧૧માં ૧ ઉમેરતા તેના પછીની સંખ્યા ૧૨ મળશે. આમ,આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓ ૧ અંકથી વધે છે.

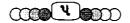
પ્રવૃતિઃ ઊભી હરોળમાંની સંખ્યાઓ કેટલા અંકથી વધશે તે શોઘી કાઢો.

વિશિષ્ટતા *૬*: પહેલી આડી હરોળમાંની ૧ થી ૧૦ સંખ્યાઓનો સરવાળો ૫૫ થાય છે. જ્યારે બીજી આડી હરોળમાંની ૧૧ થી ૨૦ સંખ્યાઓનો સરવાળો ૧૫૫ થાય છે. આમ,બે ક્રમિક આડી હરોળોમાંની સંખ્યાઓના સરવાળા વચ્ચેનો તફાવત ૧૦૦ થશે.

પ્રવૃતિઃ ૩૧ થી ૪૦ સંખ્યાઓનો અને ૭૧ થી ૮૦ સંખ્યાઓનો સરવાળો કેટલો થશે ?

વિશિષ્ટતા ૭: તેવી જ રીતે પહેલી ઊભી હરોળમાંની ૧,૧૧,૨૧,૩૧,૪૧,૫૧,૬૧,૭૧,૮૧,૯૧ સંખ્યાઓનો સરવાળો ૪૬૦ છે. બીજી ઊભી હરોળમાંની ૨,૧૨,૨૨,૩૨,૪૨,... ૯૨ સંખ્યાઓનો સરવાળો ૪૭૦ છે.

પ્રવૃતિઃ તો કહો, બે ક્રમિક ઊભી હરોળમાંની સંખ્યાઓના સરવાળા વચ્ચેનો તફાવત કેટલો હશે?





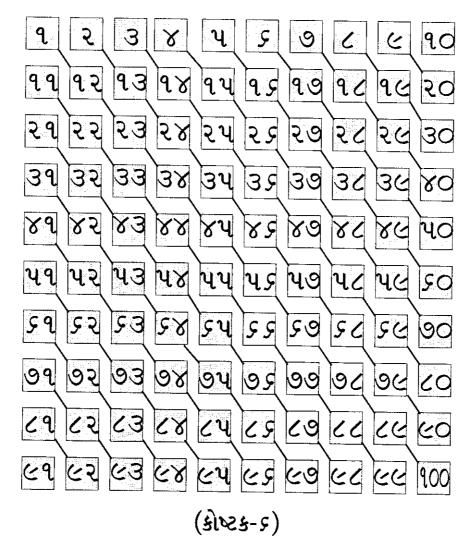
અંકોની ત્રાંસી ગોઠવણી



બાળકો હમણાં સુધી આપણે સંખ્યાઓની ઊભી અને આડી હરોળની તેમજ તેમના સરવાળાની ગોઠવણીની વિશિષ્ટતા વિશે શીખ્યા. શું તમે જાણો છો કે આ સંખ્યાઓની રચનાને આપણે બીજી ઘણી રીતે જોઇ શકીએ છીએ. જેમ કે ત્રાંસી રીતે. નીચે આપેલ કોષ્ટકમાં ત્રાંસી રીતે જોતા તમને કંઇક રસપ્રદ ગોઠવણી દેખાય છે?

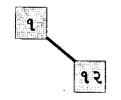
| q | 2 | 3 | 8 | u | S | 9 | 2 | <u>e</u> 90 |
|----|------|---------|----|--------|------|------|----|-------------|
| 99 | ે ૧૨ | १३ | 98 | વ પ | 9.5 | ૧૭ | १८ | 96/20 |
| ૨૧ | રે ર | 23 | 58 | રપ | ર ક | ર ૭ | 22 | 26/30 |
| 39 |) ૩૨ | 33 | 38 | ઉપ | 35 | 39 | 32 | 36/80 |
| ४१ | ४२ | 83 | 88 | ૪૫ | 85 | ४७ | 86 | ४५ ५० |
| ૫૧ | પર | ૫૩ | પ૪ | પપ | પ્ડ | પુર્ | ૫૮ | પહ 50 |
| 59 | કર | 53 | 58 | કપ | 55 | ८७ | 50 | 56 90 |
| ७१ | ૭૨ | ७३ | 98 | ૭૫ | ७५ | මම් | 92 | 96/20 |
| 29 | 2 | 23 | 28 | ૮૫ | 25 | 29 | 22 | 2660 |
| ८१ | ८२ | <u></u> | ८४ | ૯૫ | ७५ | (O | 66 | CC 900 |
| | | | | (કોષ્ટ | ક-૫) | | | |

ચલો, આપણે ત્રાંસી હરોળની ગોઠવણી નીચે આપેલ કોષ્ટક પરથી શીખીએ.

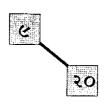


વિશિષ્ટતા ૮: ઉપર આપેલ કોપ્ટકને ઘ્યાનથી જોતા કોઇ નવી ગોઠવણી દેખાય છે? ત્રાંસી હરોળમાં આવેલી સંખ્યાઓને ઉપરથી નીચે જોતા જણાશે કે સંખ્યાઓના એકમના અંકો ૧,૨,૩,૪,૫,૬,૭,૮,૯,૦,...એમ ચઢતા ક્રમમાં આવેલા છે. દા.ત. ૧,૧૨,૨૩,૩૪,...વગેરે સંખ્યાઓના એકમના અંકો ચઢતા ક્રમમાં આવેલા છે.

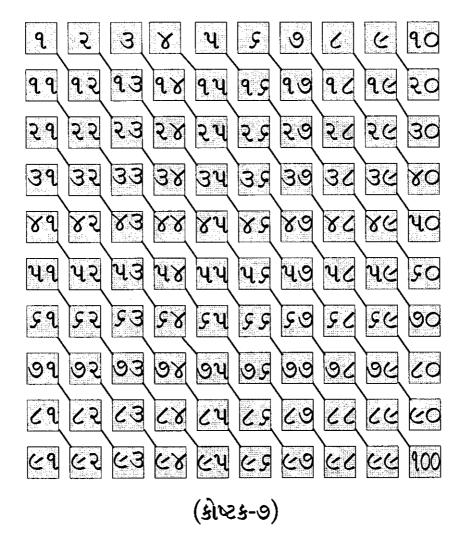
પ્રવૃતિઃ ત્રાંસી હરોળમાં આવેલી સંખ્યાઓના દશકના અંકો કયા ક્રમમાં (ચઢતા કે ઉતરતા) આવેલા છે તે કહો.



ત્રાંસી હરોળની ગોઠવણી



ચાલો બાળકો હવે આપણે ત્રાંસી હરોળમાંની સંખ્યાઓને નવા પ્રકારે જોઇશું.



વિશિષ્ટતા ૯: ત્રાંસી હરોળમાંની ક્રમિક સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત ૧૧ છે. દા.ત. પહેલી ત્રાંસી હરોળમાંની સંખ્યાઓ ૧ અને ૧૨ વચ્ચેનો તફાવત ૧૧ છે. બીજી ત્રાંસી હરોળમાંની સંખ્યાઓ ૨ અને ૧૩ વચ્ચેનો તેમજ ૨૪ અને ૩૫ વચ્ચેનો તફાવત ૫ણ ૧૧ જ છે. આમ,દરેક ત્રાંસી લીટી પર આવેલી સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત ૧૧ છે.

પ્રવૃતિઃ ૨૮ અને ૩૯,૮૧ અને ૯૨,૮૯ અને ૧૦૦ માટે આ વિશિષ્ટતા દેખાય છે?

આવું કેમ?: ઉપર આપેલા કોષ્ટકમાં કોઇ પણ સંખ્યા લઇએ તો તેની નીચે આવેલી સંખ્યા વચ્ચે ૧૦નો તફાવત છે જેમ કે ૨૪ અને ૩૪ વચ્ચેનો તફાવત ૧૦છે. ૩૪માં ૧ ઉમેરતા ૩૫ મળશે. આમ,તફાવતમાં પણ ૧ નો વધારો થશે તેથી ૨૪અને ૩૫ વચ્ચેનો તફાવત ૧૧ થાય છે.

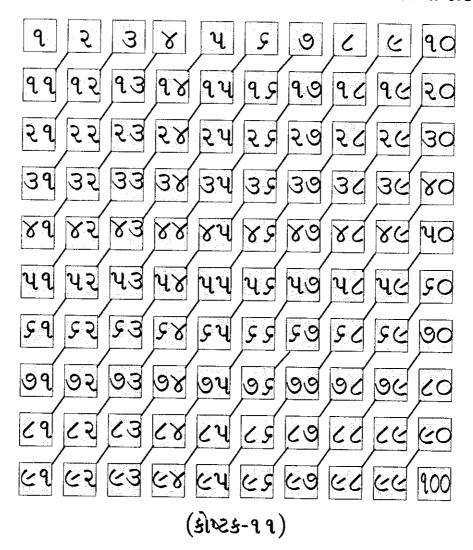
હમણાં સુધી આપણે ત્રાંસી હરોળમાં આવેલી સંખ્યાઓ માટેની ગોઠવણી જોઇ. ચાલો ,હવે ત્રાંસી હરોળમાં આવેલી સંખ્યાઓના અંકો માટે ગોઠવણી જોઇશું.



વિશિષ્ટતા ૧૦: ત્રાંસી લીટીમાં જોશો કે પહેલી અને બીજી સંખ્યાઓના અંકોના સરવાળા વચ્ચે ૨ નો તફાવત છે. દા.ત. ત્રાંસી લીટી પર આવેલી સંખ્યા ૧ અને ૧૨ છે. જેમાં સંખ્યા ૧૨ માં અંકોનો સરવાળો ૧+૨=૩ છે. આમ,૧૨માં અંકોનો સરવાળો ૩ છે અને ૧ અને ૩ વચ્ચેનો તફાવત ૨ છે. આપણે ૫૭ અને ૬૮ લઇએ તો ૫૭માં અંકોનો સરવાળો ૫+૭=૧૨ અને ૬૮માં અંકોનો સરવાળો ૬+૮=૧૪ થશે અને ૧૨ અને ૧૪ વચ્ચેનો તફાવત પણ ૨ છે.

પ્રવૃતિઃ ૪૪ અને ૫૫,૪૯ અને ૬૦,૭૫ અને ૮૬ માટે આ વિશિષ્ટતા દેખાય છે?

આવું કેમ ? કારણ કે આ કોષ્ટકમાં ત્રાંસી લીટી પર આવેલી દરેક સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત ૧૧ છે(દા.ત. ૧ અને ૧૨ વચ્ચેનો તફાવત ૧૧ છે.) અને ૧૧માં અંકોનો સરવાળો ૧+૧=૨છે. તેથી આ કોષ્ટકમાં ત્રાંસી લીટી પર આવેલી બધી સંખ્યાઓના અંકો વચ્ચેનો તફાવત ૨ હશે. હવે, આપણે ત્રાંસી હરોળમાંની સંખ્યાઓના અંકોની વિશિષ્ટતાઓ જોઇએ.



વિશિષ્ટતા ૧૩: ત્રાંસી હરોળમાંની ક્રમિક સંખ્યાઓ જોતા દેખાય છે કે બે સંખ્યાઓના અંકોનો સરવાળો સરખો જ થાય છે. દા.ત. ત્રાંસી લીટી પર આવેલી સંખ્યાઓ ૨ અને ૧૧ છે. ૧૧ માં અંકોનો સરવાળો ૧+૧=૨ છે. આમ,૧૧ માં અંકોનો સરવાળો ૨ છે અને ૨ અને ૨ વચ્ચેનો તફાવત ૦ છે. બીજી ત્રાંસી લીટીમાં પર આવેલી સંખ્યા ૩ અને ૧૨ છે. જેમાં સંખ્યા ૧૨ માં અંકોનો સરવાળો ૧+૨=૩ છે. આમ,૧૨ માં અંકોનો સરવાળો ૩ છે અને ૩ અને ૩ વચ્ચેનો તફાવત ૦ છે.

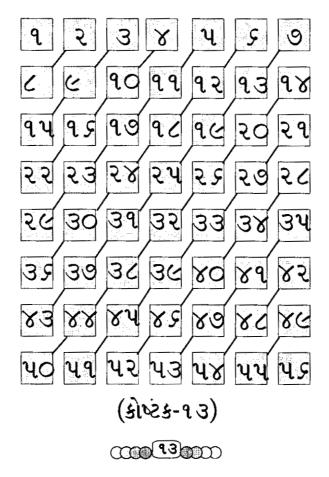
પ્રવૃતિઃ શું ૫૭ અને *૬૬* સંખ્યાઓના અંકો માટે પણ આવું થાય છે?

આવું કેમ?: આપણે આગળ જોયુ કે બે ક્રમિક સંખ્યાઓ વચ્ચે ૧૧ નો તફાવત હોવાથી તે સંખ્યાઓના અંકો વચ્ચેનો તફાવત ૨ મળે છે.જો બે ક્રમિક સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત ૧૦ હોય તો તે બે સંખ્યાઓના અંકો વચ્ચેનો તફાવત ૧ મળશે. ઉપરના કોષ્ટકમાં બે ક્રમિક સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત ૯ હોવાથી તે સંખ્યાઓના અંકો વચ્ચેનો તફાવત ૦ મળે છે.

નીચે આપેલા કોષ્ટકમાં ત્રાંસી હરોળ પર આવેલી ક્રમિક સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત ૮ છે.



નીચે આપેલા કોષ્ટકમાં ત્રાંસી હરોળ પર આવેલી ક્રમિક સંખ્યાઓ વચ્ચેનો તફાવત 5 છે.





એકી અને બેકી સંખ્યાઓની ગોઠવણી



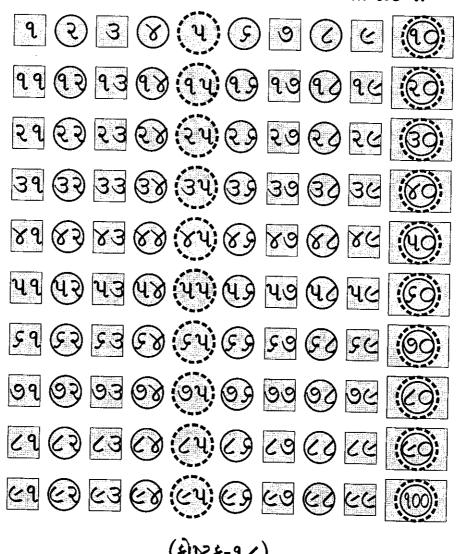


વિશિષ્ટતા ૧૪: આ કોષ્ટકમાં બધી સંખ્યાઓને ધ્યાનથી જોશો તો તમને દેખાશે કે ગોળ કરેલી બધી સંખ્યાઓ બેકી સંખ્યાઓ છે. દા.ત. ૪૨,૫૨,૭૮,૯૦...વગેરે બેકી સંખ્યાઓ છે. આમ,આપેલ કોષ્ટક પરથી કહી શકાય કે ગોળ કરેલી બધી સંખ્યાઓ બેકી છે અને ચોરસમાં આવેલી બાકીની બધી સંખ્યાઓ એકી છે. દા.ત. ૫૧,૮૭,૯૯...વગેરે એકી સંખ્યાઓ છે.

બેકી સંખ્યાઃ જેસંખ્યાનો એકમનો અંક ૦,૨,૪,*૬* અને ૮ હોય તેવી સંખ્યાને બેકી સંખ્યા કહે છે.

એકી સંખ્યાઃ આ પરથી જાણી શકાય છે કે જે સંખ્યાઓનો એકમનો અંક ૦,૨,૪,*૬* અને ૮ ન હોય તેવી સંખ્યાને એકી સંખ્યા કહે છે.

હવે આપણે ગોઠવણીની બીજા પ્રકારની વિશિષ્ટતા જોઇએ.



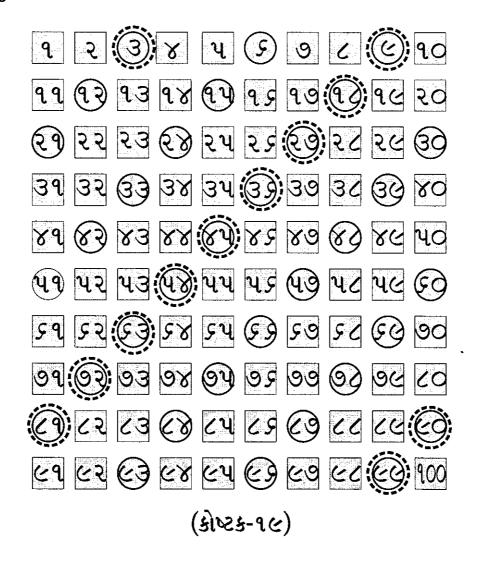
(કોષ્ટક-૧૮)

વિશિષ્ટતા ૧૫ઃ ચાલો,૧ થી ૧૦૦ સુધીનું કોષ્ટક આપણે ફરી બનાવીએ. તેમા આપણે ૨ વડે નિ:શેષ ભાગી શકાતી સંખ્યાઓની ફરતે ગોળ કરીશું. દા.ત.૨,૪,૮,૨૪,૩૨,...વગેરે સંખ્યાઓ ૨ના અવયવી છે.

હવે, ૫ વડે તથા ૧૦ વડે નિઃશેષ ભાગી શકાતી સંખ્યાની ફરતે અનુક્રમે ટપકાંવાળા ગોળ અને લંબચોરસ કરીશું. દા.ત. ૫,૧૦,૧૫,૨૦....વગેરે સંખ્યાઓ ફરતે ટપકાંવાળા ગોળ કરેલા છે જે ૫ ના અવયવી છે. જ્યારે ૧૦,૨૦,૩૦ વગેરે સંખ્યાઓ ફરતે લંબચોરસ કરેલ છે જે ૧૦ ના અવયવી છે.

આ કોષ્ટક પરથી ગોળ, ટપકાંવાળા ગોળ અને લંબચોરસ એમ ત્રણે આકાર જે સંખ્યાઓ પર આવેલા છે તે સંખ્યાઓ ૨,૫ અને ૧૦ ના સામાન્ય અવયવી છે તે પણ જાણી શકાય છે. જેમકે ૧૦,૨૦,૩૦ વગેરે ૨,૫ અને ૧૦ના સમાન્ય અવયવી છે.

આપણે ૨,૫ અને ૧૦ ના સામાન્ય અવયવી જોયા તે જ પ્રમાણે હવે કોષ્ટકમાં ૩ અને ૯ ના સામાન્ય અવયવી શીખીશું.

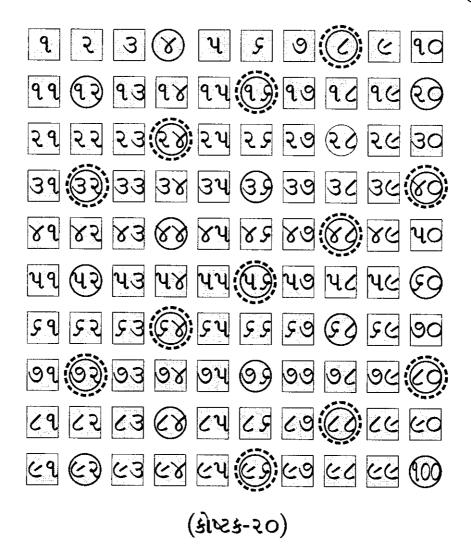


વિશિષ્ટતા ૧ ૬: ઉપર આપેલ કોષ્ટકમાં ગોળ કરેલ સંખ્યાઓ જેમ કે ૩, ૬,૯,૧૨,૧૫....વગેરેને ૩ વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય છે.તેથી આ સંખ્યાઓ ૩ ના અવયવી છે. તે જ પ્રમાણે ટપકાંવાળી ગોળ કરેલ સંખ્યાઓ જેમ કે ૯,૧૮,૨૭...વગેરેને ૯ વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય છે. તેથી આ સંખ્યાઓ ૯ ના અવયવી છે. આ કોષ્ટકમાં ગોળ અને ટપકાંવાળી ગોળ કરેલ સંખ્યાઓ ૩ અને ૯ ના સામાન્ય અવયવી છે. દા.ત. ૯,૧૮,૨૭,૩૬... વગેરે સંખ્યાઓ ૩ અને ૯ ના સામાન્ય અવયવી છે.

આ કોષ્ટકમાં પહેલી ઊભી અને આડી હરોળમાં ૩ ના ૩ અવયવી છે. બીજી ઊભી અને આડી હરોળમાં ૩ ના ૩ અવયવી છે. આમ, ઊભી અને આડી હરોળમાં ૩ ના ૪ અવયવી છે. આમ, ઊભી અને આડી હરોળોમાં ૩,૩,૪,૩,૩,૪,... પ્રમાણે ૩ ના અવયવી આવેલા છે.

પ્રવૃતિ: આ પ્રમાણે ૯ ના અવયવી માટેની ગોઠવણી શોધી કાઢો.

હવે આપણે નીચેના કોષ્ટકમાં ૪ અને ૮ના અવયવીની ગોઠવણી જોઇશું.



વિશિષ્ટતા ૧૭: ઉપર આપેલ કોષ્ટકમાં ગોળ કરેલ સંખ્યાઓને ૪ વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય છે. તેથી ૪,૮,૧૨,૧૬,...વગેરે સંખ્યાઓ ૪ ના અવયવી છે. વળી, ટપકાંવાળી ગોળ કરેલ સંખ્યાઓને ૮ વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય છે. તેથી ૧૬,૨૪,૫૬,૬૪,...વગેરે સંખ્યાઓ ૮ ના અવયવી છે.

આ કોષ્ટકમાં ગોળ અને ટપકાંવાળી ગોળ કરેલ સંખ્યાઓ ૪ અને ૮ ના સામાન્ય અવયવી છે. દા.ત.૮,૧૬,૩૨,૪૦,૪૮,... વગેરે સંખ્યાઓ ૪ અને ૮ના સામાન્ય અવયવી છે.

આ કોષ્ટકમાં પહેલી ઊભી હરોળમાં ૪ ના ૦ અવયવી અને બીજી ઊભી હરોળમાં ૪ ના ૫ અવયવી છે. આમ, ઊભી હરોળમાં ૦,૫,૦,૫,... પ્રમાણે ૪ ના અવયવી આવેલા છે. તે જ પ્રમાણે પહેલી આડી હરોળમાં ૪ ના ૨ અવયવી છે અને બીજી આડી હરોળમાં ૪ ના ૩ અવયવી છે. આમ, આડી હરોળોમાં ૨,૩,૨,૩,... પ્રમાણે ૪ ના અવયવી આવેલા છે.

પ્રવૃતિઃ આ પ્રમાણે ૮ ના અવયવી માટેની ગોઠવણી શોધી કાઢો.

આ કોષ્ટકમાં આપણે ૬ અને ૭ ના અવયવીઓ માટે ઊભી અને આડી હરોળની ગોઠવણી જોઇશું



(કોષ્ટક-૨૧)

વિશિષ્ટતા ૧૮: ઉપર આપેલ કોષ્ટકમાં ગોળ કરેલ સંખ્યાઓને *૬* વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય છે. તેથી *૬*,૧૨,૧૮,૨૪....વગેરે સંખ્યાઓ *૬* ના અવયવી છે. ટપકાંવાળી ગોળ કરેલ સંખ્યાઓને ૭ વડે નિઃશેષ ભાગી શકાય છે. તેથી ૭,૧૪,૨૧,૨૮,...વગેરે સંખ્યાઓ ૭ ના અવયવી છે.

આ કોષ્ટક પરથી ગોળ અને ટપકાંવાળી ગોળ કરેલ સંખ્યાઓ *૬* અને ૭ ના સામાન્ય અવયવી છે તે જાણવા મળે છે. દા.ત. ૪૨,૮૪ એ સંખ્યાઓ *૬* અને ૭ના સામાન્ય અવયવી છે.

આ કોષ્ટકમાં પહેલી આડી હરોળમાં *૬* નો ૧ અવયવી અને બીજી આડી હરોળમાં *૬* ના ૨ અવયવી છે. આમ, આડી હરોળોમાં ૧,૨,૧,૨,… પ્રમાણેના *૬* ના અવયવી આવેલા છે.

પ્રવૃતિઃ આ પ્રમાણે આડી હરોળોમાં ૭ ના અવયવી માટેની ગોઠવણી શોધી કાઢો.

બાળકો તમને ગોઠવણીમાં રહેલી વિશિષ્ટતાઓ જોવાની ખુબ મજા પડી હશે.

હમણાં સુધી આપણે અંકોની એક ગોઠવણીમાં રહેલી વિવિધ વિશિષ્ટતાઓ જોઇ અને તેના વિશે શીખ્યા. આ ગોઠવણીઓ પરથી તમે સંખ્યાઓનો ચઢતો ક્રમ અને ઉતરતો ક્રમ, સંખ્યાઓના સરવાળા,અવયવ અને અવયવી શીખ્યા. આમ, અંકોની વિવિધ ગોઠવણી પરથી તમે ગમ્મત સાથે ગણિત શીખી શકો છો. ખરું ને?

9 9 9 9 3 9 9 9 3 9 9 9 4 90 90 4 9 9 9 94 80 94 5 9

પાસ્કલ ત્રિકોણ

વિશિષ્ટતા :હવે આપણે પહેલા પાના પર આવેલી અંકોની ગોઠવણી વિશે જોઇશું.

આ ગોઠવણીમાં આવેલા અંકો સમીકરણના સહગુણકો બતાવે છે.

 $(A+b)^{\circ}=9$ (પહેલી આડી હરોળમાંના અંકો)

 $(A+b)^{9} = 9.a + 9.b$ (બીજી આડી હરોળમાંના અંકો)

 $(A+b)^{2} = 9.a^{2} + 2.ab + 9.b^{2}$ (ત્રીજી આડી હરોળમાંના અંકો)

 $(A+b)^3=9.a^3+3.a^3b+3.ab^3+9.b^3$ (ચોથી આડી હરોળમાંના અંકો) આમ,દરેક હરોળમાં આવેલ અંકો વિવિધ સમીકરણોના સહગુણકો છે.

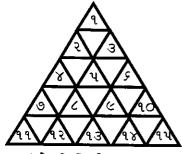
૧ ૧૧ ૨૧ ૩૧ ૪૧

અંકોની ઊભી ગોઠવણી

વિશિષ્ટતા : જેમ,આપણે અંકોની ગોઠવણીમાં ફેરફાર કરીએ છીએ તેમ તેની વિશિષ્ટતાઓ પણ બદલાય છે. બાજુમાં આપેલ આકૃતિમાં આપણે અંકોને ઊભી રીતે ગોઠવ્યા છે તેથી તેની વિશિષ્ટતાઓમાં ફેરફાર થશે. જેમ કે ઊભી હરોળની સંખ્યાઓ એક અંકથી વધશે અને આડી હરોળની સંખ્યાઓ ૧૦ અંકથી વધશે.

તેમજ પહેલી આડી હરોળમાં આવેલી સંખ્યાઓનો એકમનો અંક ૧ છે. જ્યારે બીજી આડી હરોળમાંની સંખ્યાઓનો એકમનો અંક ૨ છે.

આમ, આપણે અંકોની ગોઠવણીમાં થોડો પણ ફેરફાર કરીએ છીએ તો તેની વિશિષ્ટતાઓ પણ બદલાય છે.



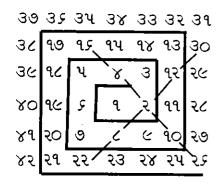
અંકોની ત્રિકોણઆકાર ગોઠવણી

વિશિષ્ટતા: અહીં આપેલી આકૃતિ પરથી જોઇ શકાય છે કે ૧,૩,૬,૧૦ આ અંકો ત્રિકોણ બનાવે છે તેથી તે સંખ્યાઓ ત્રિકોણ સંખ્યાઓ કહેવાય છે. કારણ કે જો આપણે ફક્ત ૧ અને ૨ અંકો મુકીશું તો ત્રિકોણ બનશે નહીં પણ ૧,૨ અને ૩ અંકો મુકીશું તો ત્રિકોણ બને છે. તેથી ૩ એ ત્રિકોણ સંખ્યા છે. આવી રીતે આપણે ત્રિકોણ સંખ્યા મેળવી શકીયે છીએ. જેમ કે ૧૪ અંકો મુકીશું તો ત્રિકોણ આકાર મળશે નહીં જ્યારે આપણે ૧૫ અંકો મુકીશું તો ત્રિકોણ આકાર મળશે.

આકૃતિમાં અંકોની નીચે બીજી ગોઠવણી આપેલી છે તેમા ગોઠવણીની વિશિષ્ટતા શોધો.

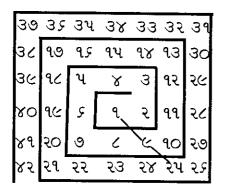
| | | | | |
|----------------------------------------|------------------------------------------|---------------------------------------|-------------|-------------------------|
| <u> ૩૨૪ ૩૨૩ ૩૨૨૩૨૧ ૩</u> ૨ | ०३१८३१८३१७ | ૩૧૬૩૧૫ ૩૧૪ | ૩૧૩ ૩૧૨ ૩૧૯ | 1390306306306 |
| ૨૫૭ ૨૫ <i>૬</i> ૨૫૫ ૨૫૪ ૨ ^૦ | ા સ્પર ૨૫૧ ૨૫૦ | २४८ २४८ २४७ | ૨૪૬ ૨૪૫ ૨૪ | ૪ ૨૪૩ ૨૪૨ ૨૪૧ ૩૦૬ |
| ૨૫૮ ૧૯૭૧૯૬ ૧૯૫ ૧૯ | ४ १५३ १५२ १५१ | १५० १८५ १८८ | 929925924 | ા ૧૮૪ ૧૮૩ ૨૪૦૩૦૫ |
| ૨૫૯૧૯૮૧૪૫ ૧૪૪ ૧૪ | | | | |
| २५०१५५१४५१०११० | | | | _ |
| २५१२००१४७१०२ ५१ | | · · · · · · · · · · · · · · · · · · · | | 1 1 1 1 |
| २५२ २०११४८ १०३ ५. | | | | 1 1 1 1 |
| २५३२०२१४७१०४ ५५ | | | | 126 186 53 1300 |
| R58203940904 <i>5</i> 2 | | | | 126 199 238266 |
| 1 1 1 1 1 |] | | | 1 1 1 1 |
| ર <i>ક</i> પર૦૪ ૧૫૧ ૧૦ <i>૬ ૬</i> ૯ | | ૧ ૨ ૧૧ | | ૧૨૭ ૧૭૪ ૨૩૩ ૨૯૮ |
| ર <i>ક ક</i> ર૦૫૧૫૨૧૦૭૭૦ | <u> </u> | ८ ५ १० | | ૧૨ <i>૬</i> ૧૭૫ ૨૩૨ ૨૯૭ |
| ૨૬૭૨૦૬૧૫૩૧૦૮ ૭૧ | ૪૨ ૨૧ ૨૨ | ર૩ ૨૪ ૨૫ | રક પ૧ ૮૪ | ૧૨૫ ૧૭૪ ૨૩૧ ૨૯ <i>૬</i> |
| ૨૬૮ ૨૦૭૧૫૪૧૦૯ ૭૨ | ४३ ४४ ४५ | ४५ ४७ ४८ | ४८ ५० ८३ | ૧૨૪ ૧૭૩ ૨૩૦ ૨૯૫ |
| ર કલર૦૮ ૧૫૫ ૧૧૦ ૭૩ | ૭૪ ૭૫ ૭૬ પ | <u> </u> | ८०८१८२ | ૧૨૩ ૧૭૨ ૨૨૯ ૨૯૪ |
| ૨૭૦૨૦૯ ૧૫ <i>૬</i> ૧૧૧ ૧૧૨ | . ૧૧૩ ૧૧૪ ૧૧૫ ' | ૧૧ <i>૬</i> ૧૧૭ ૧૧૮ | ૧૧૯ ૧૨૦ ૧૨૧ | . ૧૨૨૧૭૧ ૨૨૮ ૨૯૩ |
| ર૭૧૨૧૦૧૫૭ ૧૫૮ ૧૫૯ | | | | |
| २७२ २११ २१२ २१३ २१४ | · - | | | |
| ૨૭૩ ૨૭૪ ૨૭૫ ૨૭ <i>૬</i> ૨૭૯ | | | | |
| | | | | |

અંકોની સર્પિલ આકાર ગોઠવણી (આકૃતિ-A)

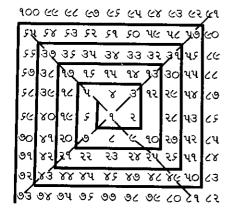


વિશિષ્ટતા ૧:

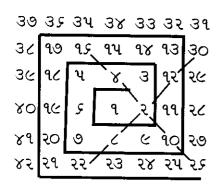
આકૃતિમાં બતાવ્યા પ્રમાણે ત્રાંસી લીટી પર આવેલી બઘી જ સંખ્યાઓ ૨ ના અવયવી છે.ઉપર આપેલી આકૃતિ-A માં આવી રીતે જોઇએ તો ૨ ના ઘણા અવયવી મળશે.જેમ કે ૫૦,૮૨,૪૪, ૭૪,૫૬,૯૦...વગેરે સંખ્યાઓ ૨ ના અવયવી છે.



વિશિષ્ટતા ૨: બાજુમાં દર્શાવ્યા પ્રમાણે ત્રાંસી રીતે આકૃતિ-A માં જોતા દેખાય છે કે ત્રાંસી લીટી પર આવેલી સંખ્યાઓ એકી સંખ્યાઓનો વર્ગ છે.જેમકે ૧નો વર્ગ ૧,૩નો વર્ગ ૯,૫ નો વર્ગ ૨૫. આવી રીતે આગળ જોતા જઇશું તો આપણને એકી સંખ્યાઓના વર્ગ મળશે.



વિશિષ્ટતા ૩: બાજુમાં દર્શાવ્યા પ્રમાણે આકૃતિ-A માં જોતા તમે જાણી શકશો કે ત્રાંસી લીટી પર આવેલી સંખ્યાઓ એકી સંખ્યાઓ છે. જેમ કે અહીં ૩,૧૩, ૯,૨૫, ૭,૨૧,૫, ૧૭,...વગેરે એકી સંખ્યાઓ છે.



વિશિષ્ટતા ૪: આકૃતિમાં બતાવ્યા પ્રમાણે આકૃતિ-A માં જોતા ત્રાંસી લીટી પર આવેલી સંખ્યાઓ બેકી સંખ્યાઓ છે તેવું જાણવા મળે છે. જેમ કે ૫૦,૮૨,૪૪,૭૪,૫૬,૯૦...વગેરે સંખ્યાઓ બેકી સંખ્યાઓ છે.

આવી રીતે આકૃતિ-A માં અંકોની ગોઠવણીની ઘણી બધી વિશિષ્ટતાઓ છુપાએલી છે જે તમને ધ્યાનથી જોતા દેખાશે.

આપણે જોયું કે અંકોની આડી હરોળને ઊભી હરોળ બનાવતા તેની વિશિષ્ટતાઓ બદલાય છે તેમજ અંકોને જુદા જુદા આકારમાં ગોઠવતા પણ તેની વિશિષ્ટતાઓ બદલાય છે.આમ, અંકોની નવી નવી ગોઠવણી કરી તેમની વિવિધ વિશિષ્ટતાઓ શોધી શકાય છે.



િકસ્કવરી સાયન્સ રીસોર્સ ગૃપ દ્વારા પ્રકાશિત અન્ય પુસ્તકો અને સીડીની યાદી નીચે મુજબ છે.

પુસ્તકો

ગણિતઃ

- ૧) અંકગણિત યંત્ર+ કીટ
- ૨) આંકડાનું ગામડું
- ૩) જાદુઇ ચોરસ
- ૪) અપૂર્શાંક બોર્ડ+કીટ

विज्ञान:

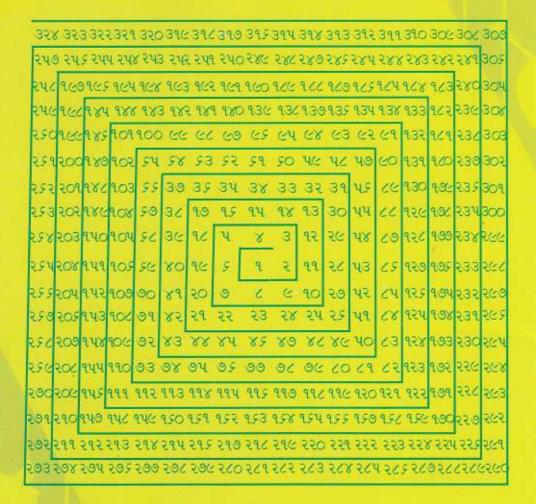
- ૧) શોધખોળ (ધોરણ ૫,૬,૭)
- २) Discovery (standard 5,6,7)
- ਤ) Chemistry Around

સીડી

- ૧) ચાડીયો (ભાગ-૧ અને ભાગ-૨)
- ૨) વૈજ્ઞાનિક ૨મકડાં
- ૩) Blood (ગુજરાતી)
- ४) Blood (અંપ્રજી)

પ્રવૃત્તિખંડ સામગ્રી

- ૧) સ્કુલ રીસોર્સ કીટ (૫,૪,૭ માટે)
- ર) સાયન્સ કીટ



ડિસ્કવરી સાયન્સ રીસોર્સ ગૃપ

Discovery Science Resource Group

sahaj-shishumilap